

Examenul de bacalaureat național 2013
Proba E. c) simulare – 16.05.2013
Matematică M_mate-info
Barem de evaluare și de notare

Filiera teoretică: profilul real, specializarea matematică-informatică și filiera vocațională: profilul militar, specializarea matematică-informatică;

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$\Delta > 0$ $\Delta = m^2 - 4$ $\Rightarrow m \in (-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$	1p 2p 2p
2.	$ z = \left \frac{\sqrt{3} + i}{1 - i\sqrt{3}} \right ^{2013} = \left(\frac{ \sqrt{3} + i }{ 1 - i\sqrt{3} } \right)^{2013}$ $\Rightarrow z = \left(\frac{2}{2} \right)^{2013} = 1$	2p 3p
3.	din condiții obținem $x \in \{0; 1; 2\}$ înlocuind obținem $x = 2$ este soluție	2p 3p
4.	dezvoltarea are 13 termeni deci termenul din mijloc este T_7 $T_7 = C_{12}^6 \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{x}} \right)^6 \cdot (-\sqrt[3]{x})^6$ obținem $T_7 = \frac{924}{x}$	1p 1p 1p 2p
5.	pentru formula cosinusului din calcul obținem cosinusul unghiului este 0 deci unghiul dintre cei doi vectori are măsura de 90° .	1p 3p 1p
6.	pentru formula distanței obținem $\frac{ 4m - 8 }{\sqrt{25}} = 4$ $4m - 8 = 20 \Rightarrow m = 7$ $4m - 8 = -20 \Rightarrow m = -3$	1p 2p 1p 1p

SUBIECTUL II

(30 de puncte)

1. a)	$A =$ matricea sistemului sist. comp. $\det \Leftrightarrow \det(A) \neq 0$ obținem $\det(A) = m - 4$ $m - 4 \neq 0$ deci $m \in \mathbb{R} - \{4\}$	1p 1p 1p 1p 1p
1. b)	Din a) $\Rightarrow \det(A) = 0 \Rightarrow m = 4$ pentru un minor principal $\neq 0$ \Rightarrow minorul caracteristic $= -2n - 6$ sist. incompatibil $\Rightarrow -2n - 6 \neq 0$ obținem $n \in \mathbb{R} - \{-3\}$	1p 1p 1p 1p 1p
1. c)	Pt $m = -4$ și $n = -3$, din a) și b) \Rightarrow sist. este compatibil nedeterminat \Rightarrow dacă z este necunoscută secundară $= \lambda, \lambda \in \mathbb{R}$	2p 1p

	atunci obținem $x = \frac{3\lambda - 4}{2}$ și $y = \frac{\lambda - 2}{2}$	2p
2. a)	$f : (X - a) \Leftrightarrow f(a) = 0$ $\Rightarrow a^3 + 3a = 0$ $\Rightarrow a_1 = 0; a^2 + 3 \neq 0$ $a \in \mathbb{Z} \Rightarrow a = 0$	2p 1p 1p 1p
2. b)	$d = 3x_1x_2x_3 - (x_1^3 + x_2^3 + x_3^3)$ din relațiile lui Viete obținem $x_1 + x_2 + x_3 = 0$ și $x_1x_2x_3 = -2a$ din calcul obținem $x_1^3 + x_2^3 + x_3^3 = -6a$ $\Rightarrow d = 0$, deci nu depinde de a	1p 1p 2p 1p
2. c)	$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = (x_1 + x_2 + x_3)^2 - 2(x_1x_2 + x_1x_3 + x_2x_3)$ obținem suma pătratelor rădăcinilor = -2 $\Rightarrow x_1 \in \mathbb{C}$ $\Rightarrow x_2 = \overline{x_1} \in \mathbb{C}$ $\Rightarrow x_3 \in \mathbb{R}$	1p 1p 1p 1p 1p

SUBIECTUL III

(30 de puncte)

1. a)	Este cazul 1 ^o din calcul obținem limita este = e	1p 4p
1. b)	$f'(x) = \ln x + 1$ $f''(x) = \frac{1}{x}$ $f''(x) > 0, \forall x > 0$ $\Rightarrow f'$ crescătoare	2p 1p 1p 1p
1. c)	f continuă pe $[k; k+1]$ și derivabilă pe $(k; k+1)$, compusă din funcții elementare din T. Lagrange $\Rightarrow \exists c \in (k; k+1)$ a.î. $\frac{f(k+1) - f(k)}{k+1 - k} = f'(c)$ din $k < c < k+1 \Rightarrow$ cf. b) $\Rightarrow f'(k) < f'(c) < f'(k+1)$ înlocuind, obținem relația cerută	1p 1p 1p 2p
2. a)	$I_0 = \int_0^2 \frac{1}{x^2 + 4} dx$ obținem $I_0 = \frac{\pi}{8}$	2p 3p
2. b)	din $0 \leq x \leq 2 \Rightarrow x^n \leq 2^n$ $\Rightarrow I_n \leq \int_0^2 \frac{2^n}{x^2 + 4} dx$ $\Rightarrow I_n \leq 2^n \cdot \frac{\pi}{8}$	1p 2p 2p
2. c)	$I_{n+4} - 16I_n = \int_0^2 \frac{x^n(x^4 - 16)}{x^2 + 4} dx$ $\Rightarrow I_{n+4} - 16I_n = \int_0^2 x^n(x^2 - 4) dx$ $\Rightarrow I_{n+4} - 16I_n = \frac{2^{n+3}}{n+3} - 4 \cdot \frac{2^{n+1}}{n+1}$ \Rightarrow obținem relația cerută	2p 1p 1p 1p