

SIMULAREA PROBEI DE MATEMATICĂ DIN CADRUL  
EXAMENULUI DE BACALAUREAT 2013

16 MAI 2013

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

*M\_tehnologic* pentru filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse naturale și protecția mediului, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale;  
**Orice variantă de rezolvare corectă și completă se punctează corespunzător.**

Subiectul I	
1. $x^2 + 5x + 6 = 0, x_1 = -2, x_2 = -3$	2p
$x \in [-3, -2] \cap \mathbb{Z}$	2p
$A = \{-3, -2\}$	1p
2. $b_2 = b_1 \cdot q, q = -\frac{1}{2}$	2p
$S_{10} = b_1 \cdot \frac{q^{10}-1}{q-1}$	2p
$S_{10} = 4 \left( \frac{1}{2^{10}} - 1 \right)$	1p
3. $3^{4x-1} = 3^3$	2p
$4x - 1 = 3 \Rightarrow x = 1$	3p
4. $A_5^2 = 20$	2p
$C_3^2 = 3$	2p
$2A_5^2 - 5C_3^2 = 25$	1p
5. $AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$	1p
$AB = \sqrt{3^2 + (-4)^2}$	2p
$AB = 5$	2p
6. $\frac{MN}{\sin P} = 2R$	1p
$2R \sin 45^\circ = 6$	2p
$R = 3\sqrt{2}$	2p
Subiectul al II-lea	
1. a) $\Delta(-1) = \begin{vmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & -1 \\ -2 & -1 & 1 \end{vmatrix}$	2p
$\Delta(-1) = 0$	3p
b) $\Delta(a) = a^2 + 2a - a$	3p
$a_1 = 0, a_2 = -1$	2p
c) $\Delta(1) = 2 \Rightarrow$ Matricea este inversabilă	2p
$(M(1))^{-1} = \begin{pmatrix} 0 & -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 1 & \frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$	3p



2. a) Efectuarea corectă a împărțirii Câtul $x^2 - 3x + 7$ Restul -15	3p 1p 1p
b) $f(-2) = 0$ $f(-2) = 6a - 9$ $a = \frac{3}{2}$	2p 2p 1p
c) $x_1 + x_2 + x_3 = -a$ $x_1x_2 + x_1x_3 + x_2x_3 = -a$ $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = a^2 + 2a$ $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + a(x_1^2 + x_2^2 + x_3^2) - a(x_1 + x_2 + x_3) - 3 = 0$ $x_1^3 + x_2^3 + x_3^3 = -a^3 - 3a^2 + 3$	1p 1p 1p 1p 1p
<b>Subiectul al III-lea</b>	
1. a) $f'(x) = \frac{(x^2)'(x-2) - x^2(x-2)'}{(x-2)^2}$ $f'(x) = \frac{x^2 - 4x}{(x-2)^2}$	2p 3p
b) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = f'(1)$ $f'(1) = -3$	3p 2p
c) Studiul monotoniei funcției Din tabelul de variație rezultă $f(x) \geq f(4) \Rightarrow f(x) \geq 8, \forall x > 2$	2p 3p
2. a) $F'(x) = 2x \ln x + x^2 \cdot \frac{1}{x}$ $F'(x) = x(2 \ln x + 1) = f(x)$ $F'(x) = f(x) \Rightarrow F$ este primitivă a lui $f$	2p 2p 1p
b) $\int F(x) \cdot f(x) dx = \int F(x) \cdot F'(x) dx$ $\int F(x) \cdot F'(x) dx = F(x) \cdot F(x) - \int F'(x) \cdot F(x) dx$ $\int F(x) \cdot F'(x) dx = \frac{x^4 \cdot \ln^2 x}{2} + c$	1p 2p 2p
c) $\int_1^2 f(x) dx = 2 \int_1^2 x \ln x dx + \int_1^2 x dx$ $\int_1^2 x \ln x dx = 2 \ln 2 - \frac{3}{4}$ $\int_1^2 x dx = \frac{3}{2}$ Finalizare $\int_1^2 f(x) dx = 4 \ln 2$	1p 2p 1p 1p