

**MODEL PENTRU SIMULAREA PROBEI DE MATEMATICĂ DIN CADRUL
EXAMENULUI DE BACALAUREAT 2013 LA NIVELUL MUNICIPIULUI BUCUREȘTI
26 APRILIE 2013**

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

M_tehnologic pentru filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse naturale și protecția mediului, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale;

Orice variantă de rezolvare corectă și completă se punctează corespunzător.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}, A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}, P_n = n!$ $\frac{C_5^3 \cdot P_3}{A_4^2} = \frac{5!}{3! \cdot 2!} \cdot \frac{3!}{4!} = \frac{5! \cdot 2!}{2! \cdot 4!} = \frac{4! \cdot 5}{4!} = 5$ <p>Concluzie</p> <p>Altă variantă: $C_5^3 = 10, A_4^2 = 12, P_3 = 6$</p> <p>Finalizare</p>	<p>1p</p> <p>3p</p> <p>1p</p> <p>3p</p> <p>2p</p>
2.	$f(0) = 3 \cdot 0 + 2013 = 2013$ $A(0, 2013) \in G_f \Leftrightarrow f(0) = 2013$ Rezultă $A(0, 2013) \in G_f$.	<p>3p</p> <p>1p</p> <p>1p</p>
3.	Condiția ca ecuația de gradul al doilea să aibă rădăcini egale $\Delta = 0$ $\Delta = b^2 - 4ac = m^2 - 16$ $m^2 - 16 = 0$, implică $m_1 = 4, m_2 = -4$	<p>1p</p> <p>2p</p> <p>2p</p>
4.	$2^{x-2010} = 2^3$ $x - 2010 = 3, x = 2010 + 3,$ $x = 2013$	<p>2p</p> <p>2p</p> <p>1p</p>
5.	$tg 45^\circ = 1$ $lg(tg 45^\circ) = lg 1 = 0$ rezultă $lg(\sin 30^\circ) lg(tg 45^\circ) lg(\cos 60^\circ) = 0$	<p>2p</p> <p>2p</p> <p>1p</p>
6.	$3\vec{u} = 6\vec{i} + 9\vec{j}$ $-2\vec{v} = 6\vec{i} + 2\vec{j}$ $\vec{a} = 12\vec{i} + 11\vec{j}$	<p>2p</p> <p>2p</p> <p>1p</p>

SUBIECTUL II

(30 de puncte)

1.a)	Dacă A este matricea sistemului, atunci $\det(A) = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & m \end{vmatrix}$,	1p
	$\det(A) = 2m + 3 + 3 - 2 - 9 - m$ (sau alte variante corecte)	2p
	Finalizare $\det(A) = m - 5$	2p

b)	$(1, 1, 0)$ este soluție dacă $\begin{cases} 1+1+0=2 \\ 1+2\cdot 1+3\cdot 0=3 \\ 1+3\cdot 1+m\cdot 0=4 \end{cases}$ $m\cdot 0=0$, rezultă $m \in \mathbf{R}$	2p 3p
c)	Pentru $m=6$, din a) $\det(A) = \Delta = 1 \neq 0$, rezultă sistemul are soluție unică Din b) $x=1, y=1, z=0$. Altăvariantă: Pentru $m=6$, din a) $\det(A) = \Delta = 1 \neq 0$, rezultă sistemul are soluție unică $x = \frac{\Delta_x}{\Delta}, y = \frac{\Delta_y}{\Delta}, z = \frac{\Delta_z}{\Delta}$ $x=1, y=1, z=0$	2p 3p 2p 1p 2p
2.a)	$r = f(-1)$ $f(-1) = (-1)^3 - (-1) - a = -a$ Alte variante: împărțire sau schema lui Horner $r = -a$	2p 3p 4p 1p
b)	$a=0, f = X^3 - X$ Cum $X^3 - X = X(X-1)(X+1)$ rezultă $x_1=0, x_2=1, x_3=-1$	1p 2p 2p
c)	Folosind proprietățile determinantilor $\begin{vmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \\ x_2 & x_3 & x_1 \\ x_3 & x_1 & x_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_1+x_2+x_3 & x_1+x_2+x_3 & x_1+x_2+x_3 \\ x_2 & x_3 & x_1 \\ x_3 & x_1 & x_2 \end{vmatrix}$ Prima relație a lui Viete ne dă $x_1 + x_2 + x_3 = -\frac{0}{1} = 0$ rezultă $\begin{vmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \\ x_2 & x_3 & x_1 \\ x_3 & x_1 & x_2 \end{vmatrix} = 0$. Concluzie Altă variantă de rezolvare : $\Delta = \begin{vmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \\ x_2 & x_3 & x_1 \\ x_3 & x_1 & x_2 \end{vmatrix} = 3x_1x_2x_3 - (x_1^3 + x_2^3 + x_3^3)$ $x_1^3 + x_2^3 + x_3^3 = 3a$ Finalizare	2p 1p 1p 1p 2p 2p 1p
SUBIECTUL III (30 de puncte)		
1.a)	$f'(x) = e^x - 1$ $f'(0) = e^0 - 1 = 0$	3p 2p

	Altă variantă : $f'(0) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - f(0)}{x}$ $f'(0) = 0$	2p 3p
b)	$f'(x) = 0, e^x - 1 = 0, x = 0$ $f'(x) > 0$ pentru $x > 0$ și $f'(x) < 0$ pentru $x < 0$, implică 0 punct de minim Ca urmare $f(x) \geq f(0) = 2013, (\forall)x \in \mathbf{R}$ Altă variantă(tabel de variație) Concluzie	1p 2p 2p 4p 1p
c)	$m = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^x - x + 2012}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^x - 1}{1} = -1$ (L'Hospital) $n = \lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - mx) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (e^x + 2012) = 2012$ $y = -x + 2012$	2p 2p 1p
2.a)	$f(x) - \frac{1}{x+1} = \frac{1}{x} + \frac{1}{x+1} - \frac{1}{x+1} = \frac{1}{x}$ $\int_1^e \frac{1}{x} dx = \ln x \Big _1^e = \ln e - \ln 1 = 1$ $\int_1^e \left(f(x) - \frac{1}{x+1} \right) dx = 1$	2p 2p 1p
b)	$x \in [1, e], f(x) > 0$ $A = \int_1^e (f(x)) dx$ $A = \int_1^e \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{x+1} \right) dx = (\ln x + \ln(x+1)) \Big _1^e = \ln e + \ln(e+1) - \ln 1 - \ln 2$ Finalizare $A = \ln \frac{e(e+1)}{2}$.	1p 3p 1p
c)	Fie F o primitivă oarecare a funcției. Atunci $F''(x) = f'(x)$ $F''(x) = -\frac{1}{x^2} - \frac{1}{(x+1)^2} < 0$ Concluzie	2p 2p 1p