

Examenul de bacalaureat național 2014

Proba E. c)

Matematică $M_{pedagogic}$

Varianta 7

Filiera vocațională, profilul pedagogic, specializarea învățător-educatoare

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

I. Thema

(30 Puncte)

- 5p** 1. Schreibe in steigender Reihenfolge die Zahlen 2014^0 , $\sqrt{9}$ und 2.
- 5p** 2. Bestimme die Koordinaten des Schnittpunktes des Schaubildes der Funktion $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 2x - 4$ mit der Ox Achse.
- 5p** 3. Löse in der Menge der reellen Zahlen die Gleichung $2^{2x+1} = 2^{-1}$.
- 5p** 4. Wie viele natürliche, dreistellige Zahlen mit verschiedenen Ziffern kann man mit den Ziffern 1, 3, 5, 7, und 9 bilden.
- 5p** 5. Gegeben sind die Punkte $A(2,2)$, $B(5,2)$ und $C(2,5)$ im kartesischen Koordinatensystem xOy . Zeige, dass das Dreieck ABC gleichschenkelig ist.
- 5p** 6. Berechne den Flächeninhalt des Dreieck ABC rechtwinklig in A , sodass $AB = 5$ und $BC = 13$.

II. Thema

(30 Puncte)

In der Menge der reellen Zahlen, definieren wir die Verknüpfung $x * y = xy - x - y + 5$.

- 5p** 1. Berechne $0 * 1$.
- 5p** 2. Zeige, dass die Verknüpfung „ $*$ “ kommutativ ist.
- 5p** 3. Zeige, dass $x * y = (x-1)(y-1) + 4$ für alle reelle Zahlen x und y .
- 5p** 4. Prüfe, ob $x * 1 = 4$ für jede reelle Zahl x .
- 5p** 5. Bestimme die reellen Zahlen x , wenn $x * x = 8$.
- 5p** 6. Bestimme die Anzahl der ganzen Zahlenpaare (m, n) , wenn $m * n = 5$.

III. Thema

(30 Puncte)

Gegeben sind die Matrizen $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$ und $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$.

- 5p** 1. Berechne $\det A$.
- 5p** 2. Zeige, dass $A \cdot A + I_2 = B$.
- 5p** 3. Prüfe, ob $A \cdot B = B \cdot A$.
- 5p** 4. Zeige, dass die Matrix $C = \begin{pmatrix} 0 & \frac{1}{2} \\ 1 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ die Inverse der Matrix A ist.
- 5p** 5. Bestimme die reellen Zahlen a , sodass $\det(A + aI_2) = 10$.
- 5p** 6. Löse in $\mathcal{M}_2(\mathbb{R})$ die Gleichung $A \cdot X = B$.