

Examenul național de bacalaureat 2025
Proba E. c)
Matematică $M_{tehnologic}$
Model februarie 2025
BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I
(30 puncte)

1.	$\left(0, (3) + \frac{5}{9}\right) : \frac{8}{3} = \left(\frac{3}{9} + \frac{5}{9}\right) \cdot \frac{3}{8} =$	2p
	$= \frac{8}{9} \cdot \frac{3}{8} = \frac{1}{3}$	3p
2.	$5x^2 - 9 = 16 \Rightarrow x^2 = 5$	3p
	$x = \sqrt{5}$ și $x = -\sqrt{5}$ care convin	2p
3.	$f(x) = 0 \Rightarrow 2x^2 + x - 1 = 0 \Rightarrow x_1 = \frac{1}{2}$ și $x_2 = -1 \Rightarrow$	3p
	$A\left(\frac{1}{2}, 0\right)$ și $B(-1, 0)$	2p
4.	$x + \frac{20}{100}x = \frac{120x}{100}$	2p
	$\frac{120x}{100} - \frac{15}{100} \cdot \frac{120x}{100} = 204 \Rightarrow 102x = 20400 \Rightarrow x = 200$	3p
5.	$\vec{u} = (2m-1)\vec{i} - 3\vec{j}$ și $\vec{v} = 2\vec{i} + (m+2)\vec{j}$ sunt ortogonali	3p
	$\Rightarrow (2m-1) \cdot 2 - 3 \cdot (m+2) = 0 \Rightarrow$ $m = 7$	2p
6.	$AB^2 + AC^2 = BC^2 \Rightarrow \Delta ABC$ este dreptunghic în A	2p
	$\frac{AC}{\sin B} = 2R \Rightarrow R = 5$	3p

SUBIECTUL al II-lea
(30 puncte)

1.a)	$M\left(\frac{1}{2}\right) = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 3 \\ & 2 \end{pmatrix}, M\left(-\frac{1}{2}\right) = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$	2p
	$M\left(\frac{1}{2}\right) + M\left(-\frac{1}{2}\right) = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} = A$	3p

b)	$\det(M(a)) = \begin{vmatrix} 2a & 0 \\ 0 & a+1 \end{vmatrix} = 2a(a+1) = 2a^2 + 2a$	3p
	$2a^2 + 2a = 4 \Rightarrow a = 1$ și $a = -2$	2p
c)	$B = 2M\left(\frac{3}{2}\right) - A = \begin{pmatrix} 6 & 0 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$	2p
	$\det B = 18 \neq 0 \Rightarrow B^* = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 6 \end{pmatrix} \Rightarrow B^{-1} = \begin{pmatrix} \frac{1}{6} & 0 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$	3p
2.a)	$(e^2 + 3) * (e^3 + 3) = (e^2 + 3 - 3)^{\ln(e^3 + 3 - 3)} =$	2p
	$= (e^2)^{\ln(e^3)} = (e^2)^3 = e^6$	3p
b)	$x * y = (x - 3)^{\ln(y-3)} = e^{\ln(x-3)\ln(y-3)} = e^{\ln(y-3)\ln(x-3)}$	2p
	$y * x = (y - 3)^{\ln(x-3)} = e^{\ln(y-3)\ln(x-3)} = e^{\ln(x-3)\ln(y-3)} = x * y$, pentru orice $x, y \in M$	3p
c)	$5 * x = (5 - 3)^{\ln(x-3)} = 2^{\ln(x-3)} \Rightarrow$	2p
	$2^{\ln(x-3)} = 4 \Rightarrow \ln(x-3) = 2 \Rightarrow x-3 = e^2 \Rightarrow x = e^2 + 3$ care convine	3p

SUBIECTUL al III-lea
(30 puncte)

1.a)	$f'(x) = (x)'e^x + x \cdot (e^x)' =$	2p
	$= 1 \cdot e^x + x \cdot e^x = (1+x)e^x, \forall x \in \mathbb{R}$	2p
b)	$f'(x) = 0 \Rightarrow (x+1)e^x = 0$. Cum $e^x \neq 0 \Rightarrow x+1 = 0 \Rightarrow x = -1$	2p
	$f'(x) \geq 0$ pentru orice $x \in [-1, +\infty) \Rightarrow f$ crescătoare pe $[-1, +\infty)$ $f'(x) \leq 0$ pentru orice $x \in (-\infty, -1] \Rightarrow f$ descrescătoare pe $(-\infty, -1] \Rightarrow f$ are un singur punct de extrem	3p
c)	$g(x) = x + 2 \Rightarrow m = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{g(x)}{x} = 1$	3p
	$n = \lim_{x \rightarrow \infty} (g(x) - mx) = 2 \Rightarrow y = x + 2$ asimptota oblică spre $+\infty$	2p
2.a)	$\int_{-1}^1 (f(x) - x^3) dx = \int_{-1}^1 (x^3 + 4x + 2 - x^3) dx = \int_{-1}^1 (4x + 2) dx = (2x^2 + 2x) \Big _{-1}^1 =$	3p
	$= 2 + 2 - 2 + 2 = 4$	2p

b)	<p>Funcția f este continuă pe R, deci admite primitive. Fie F este o primitivă a funcției $f \Rightarrow F'(x) = \left(\frac{x^4}{4} + 2x^2 + 2x - 3 \right)' =$</p> <p>$= \frac{4x^3}{4} + 4x + 2 - 0 = x^3 + 4x + 2 = f(x)$, deci $F(x)$ este primitiva lui f</p>	<p>2p</p> <p>3p</p>
c)	<p>$\int_0^x \frac{f(t)}{t^2+4} dt = \int_0^x \frac{t^3+4t+2}{t^2+4} dt = \int_0^x \frac{t(t^2+4)}{t^2+4} dt + \int_0^x \frac{2}{t^2+4} dt = \int_0^x t dt + 2 \int_0^x \frac{1}{t^2+4} dt =$</p> <p>$\frac{t^2}{2} \Big _0^x + 2 \arctg \frac{t}{2} \Big _0^x =$</p> <p>$\frac{x^2}{2} + 2 \arctg \frac{x}{2} = 2 + 2 \arctg \frac{x}{2} \Rightarrow \frac{x^2}{2} = 2 \Rightarrow x = \pm 2$, dar $x > 0 \Rightarrow x = 2$</p>	<p>3p</p> <p>2p</p>